

Evaluación para el Acceso a la Universidad Curso 2022/2023



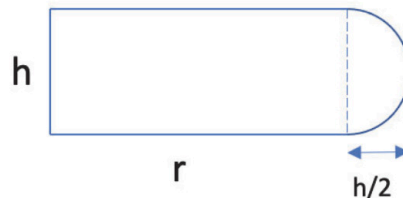
Materia: MATEMÁTICAS II

Instrucciones: El estudiante deberá resolver **CUATRO** de los ocho ejercicios propuestos. Si resuelve más, se corregirán solo los cuatro primeros. Los ejercicios deben redactarse con claridad, detalladamente y razonando las respuestas. Se podrá utilizar cualquier tipo de calculadora. Cada ejercicio completo puntuará 2,5 puntos. Duración de la prueba: 1 hora y 30 minutos.

1. Sea el sistema de ecuaciones lineales
$$\begin{cases} -2x + y - z = -1 \\ -x + a \cdot y + z = 2 \\ 2x + y + a \cdot z = 3 \end{cases}, \text{ con } a \in \mathbb{R}.$$

- a) **[1,75 punto]** Discute cómo es el sistema en función de los valores del parámetro a .
b) **[0,75 puntos]** Resuelve razonadamente el sistema anterior para $a = 2$, si es posible.

2. Una empresa desea construir un aparcamiento para sus empleados y necesita vallarlo de manera que la región resultante sea un rectángulo más medio círculo, tal y como se ve en la figura adjunta. El rectángulo tiene de lados $h, r \in \mathbb{R}$, de manera que el radio del semicírculo es $h/2$. La empresa tiene solamente presupuesto para comprar una valla de 80 metros de longitud, que ha de ser el perímetro del aparcamiento. La empresa desea construir un aparcamiento con el mayor área posible con ese perímetro de 80 metros.



- a) **[1 punto]** Escribe el área del aparcamiento en función del valor h .
b) **[1,5 puntos]** ¿Cuánto deben valer h y r para que el área del aparcamiento sea lo mayor posible?
3. a) Tenemos dos urnas con bolas. La urna A tiene 6 bolas rojas y 8 negras y la urna B tiene 8 bolas rojas y 10 bolas negras. Disponemos de un dado de 12 caras numeradas del 1 al 12. Lanzamos el dado y si sale un número múltiplo de 4 se extrae una bola de la urna A. Si sale otro número se extrae una bola de la urna B. Calcula razonadamente:
- a.1) **[0,5 puntos]** La probabilidad de obtener una bola roja.
a.2) **[0,75 puntos]** Sabiendo que la bola extraída es roja, la probabilidad de que haya sido extraída de la urna A.
- b) Una empresa de mensajería sabe que la probabilidad de que el destinatario esté ausente (y no se pueda hacer la entrega) durante el reparto es del 25 %. Un repartidor de esta empresa ha de entregar 6 paquetes.
- b.1) **[0,5 puntos]** ¿Cuál es la probabilidad de que no pueda entregar uno de ellos porque el destinatario esté ausente?
b.2) **[0,75 puntos]** ¿Cuál es la probabilidad de que pueda entregar al menos uno de los paquetes?

| n | k | p | | | | | | | | | |
|---|---|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
| | | 0.05 | 0.15 | 0.25 | 0.35 | 0.45 | 0.55 | 0.65 | 0.75 | 0.85 | 0.95 |
| 6 | 0 | 0.7351 | 0.3771 | 0.1780 | 0.0754 | 0.0277 | 0.0083 | 0.0018 | 0.0002 | 0.0000 | 0.0000 |
| | 1 | 0.2321 | 0.3993 | 0.3560 | 0.2437 | 0.1359 | 0.0609 | 0.0205 | 0.0044 | 0.0004 | 0.0000 |
| | 2 | 0.0305 | 0.1762 | 0.2966 | 0.3280 | 0.2780 | 0.1861 | 0.0951 | 0.0330 | 0.0055 | 0.0001 |
| | 3 | 0.0021 | 0.0415 | 0.1318 | 0.2355 | 0.3032 | 0.3032 | 0.2355 | 0.1318 | 0.0415 | 0.0021 |
| | 4 | 0.0001 | 0.0055 | 0.0330 | 0.0951 | 0.1861 | 0.2780 | 0.3280 | 0.2966 | 0.1762 | 0.0305 |
| | 5 | 0.0000 | 0.0004 | 0.0044 | 0.0205 | 0.0609 | 0.1359 | 0.2437 | 0.3560 | 0.3993 | 0.2321 |
| | 6 | 0.0000 | 0.0000 | 0.0002 | 0.0018 | 0.0083 | 0.0277 | 0.0754 | 0.1780 | 0.3771 | 0.7351 |

4. Sean el plano $\pi \equiv a \cdot x + y - z = 1$, con $a \in \mathbb{R}$, y los puntos $A(1, 0, 0)$ y $B(b, 1, -1)$, con $b \in \mathbb{R}$.

a) **[1,5 puntos]** Determina el valor de a, b para que el vector \vec{AB} sea perpendicular al plano π y el punto A esté contenido en el plano π .

b) **[1 punto]** Con los valores de a, b obtenidos en el apartado anterior, escribe la ecuación de la recta que pasa por A y es perpendicular al plano π .

5. a) **[1 punto]** Encontrar el área encerrada por la recta $x = -1$ y las gráficas de las funciones $f(x) = x^2 - 2x + 3$ y $g(x) = \frac{1}{2}x^2 + 1$.

b) **[1,5 puntos]** Sea la matriz $A = \begin{pmatrix} -2 & 1 & a \\ -1 & 0 & 0 \\ -1 & a+1 & a+1 \end{pmatrix}$ con $a \in \mathbb{R}$. Estudia el rango de A en función de los valores de a .

6. a) **[1 punto]** Calcula el límite siguiente:

$$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^3 - 3x^2 + 3x - 9}{3x - 9}$$

b) **[1,5 puntos]** Sean el punto $A(1, 2, 1)$ y el plano $\pi \equiv x - y = 1$. Calcula la distancia del punto A al plano π .

7. a) **[1 punto]** Resuelve la siguiente integral:

$$\int (x + 3)e^{-2x} dx.$$

b) En un juego de azar cada jugador tira un dado de seis caras. Si sale un 1 vuelve a tirar. Si sale otro resultado deja de tirar y la puntuación obtenida es el número de unos obtenidos durante las tiradas.

b.1) **[0,75 puntos]** ¿Cuál es la probabilidad de no obtener ningún uno? ¿Cuál es la probabilidad de obtener una puntuación de uno? ¿Y la de obtener una puntuación de tres?

b.2) **[0,75 puntos]** ¿Podrías dar la probabilidad de obtener una puntuación de $n \in \mathbb{N}$?

8. a) **[1,25 puntos]** Sabiendo que $\begin{vmatrix} 1 & 3 & 5 \\ a & b & c \\ x & y & z \end{vmatrix} = 6$ con $a, b, c, x, y, z \in \mathbb{R}$. Calcula el valor de $\begin{vmatrix} 1/2 & 3/2 & 5/2 \\ a+2 & b+6 & c+10 \\ 4x & 4y & 4z \end{vmatrix}$ e indica en cada paso las propiedades que utilizas.

b) **[1,25 puntos]** Calcula el ángulo que forman los vectores $\vec{u} = (1, 1, 1)$ y $\vec{v} = (3, 2, 3)$.



Las mates se dominan con práctica. Exámenes resueltos paso a paso.

selectividad.academy - 623 769 002



Selectividad Academy

Tu academia de selectividad online

● Mejor academia online de selectividad

Prueba sin compromiso

Primera clase gratis. Sin permanencia. Sin letra pequeña.

- ✓ Profesores especialistas en cada asignatura
- ✓ Clases adaptadas a tu nivel y tus objetivos
- ✓ Todos los exámenes oficiales resueltos paso a paso
- ✓ Calculadora de nota y guía completa en la web

623 769 002

Escríbenos por WhatsApp

www.selectividad.academy

→ Calcula tu nota en selectividad.academy/calculadora-selectividad

→ Guía completa en selectividad.academy/guia-selectividad

→ ¿Tienes dudas? Escríbenos sin compromiso