



EVALUACIÓN DE BACHILLERATO PARA EL ACCESO A LA UNIVERSIDAD
307 -- MATEMÁTICAS APLICADAS A LAS CIENCIAS SOCIALES II
PAU2025 JUNIO

NOTA IMPORTANTE: Se debe responder a un máximo de 4 cuestiones, una de cada apartado. Las cuestiones se pueden hacer en cualquier orden. En cada APARTADO se debe hacer sólo la CUESTIÓN 1 o la CUESTIÓN 2. La elección de CUESTIÓN 1 o CUESTIÓN 2 puede cambiar de un apartado a otro. Si se responden las 2 CUESTIONES de un apartado, solo se corregirá la primera CUESTIÓN contestada. Cada cuestión tiene una puntuación entre 2 y 3 puntos. Solo se podrán usar las tablas estadísticas que se adjuntan. No se podrán usar calculadoras gráficas ni programables.

APARTADO 1 (a elegir una cuestión):

CUESTIÓN 1: [2,5 puntos]

[1,5 puntos] Dadas las matrices A , B y C :

$$A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} \quad \text{y} \quad C = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}.$$

- Calcula C^2 . **[0,25 puntos]**
- Halla $A + B + C^2$. **[0,25 puntos]**
- Encuentra $(A - B)^{-1}$. **[0,25 puntos]**
- Resuelve la ecuación matricial $AX - BX = A + B + C^2$. **[0,75 puntos]**

[1 punto] Discute y resuelve, si es posible, el siguiente sistema lineal:

$$\begin{cases} 3x + 2y - z = 3 \\ x - y + 2z = 4 \\ 2x + 3y - z = 3 \end{cases}$$

CUESTIÓN 2:

[2,5 puntos] Una empresa del sector informático produce dos tipos de ordenadores portátiles: notebooks y gaming. La empresa obtiene 400 euros de beneficio por cada notebook y 500 euros por cada gaming. El proceso de fabricación es complejo y tiene tres fases: (1) selección y fabricación de componentes; (2) ensamblaje y (3) control de calidad. Los notebooks necesitan 2, 1 y 1 horas en cada fase, respectivamente, mientras que los gaming necesitan 1, 4 y 2 horas. En cada fase hay un límite de 14, 16 y 10 horas diarias. Se pide:

- Si la empresa quiere maximizar el beneficio diario, formula el problema, identificando la función objetivo y las restricciones. **[0,5 puntos]**
- Representa la región factible. **[0,75 puntos]**
- Encuentra los vértices de esta región. **[0,5 puntos]**
- ¿Cuántos ordenadores portátiles de cada tipo hay que producir para maximizar los beneficios diarios? **[0,5 puntos]**
- Calcula el beneficio máximo diario posible. **[0,25 puntos]**

APARTADO 2 (a elegir una cuestión):

CUESTIÓN 1:

[3 puntos] Dada la función:

$$f(x) = \frac{x^2 + 3}{1 - x}$$

- a) Determina su dominio. **[0,5 puntos]**
- b) Estudia sus asíntotas. **[0,75 puntos]**
- c) Calcula los intervalos de crecimiento y decrecimiento. **[1 punto]**
- d) Calcula los máximos y mínimos locales. **[0,75 puntos]**

CUESTIÓN 2:

[3 puntos] El famoso rapero Myke Towers ofrecerá un concierto en Murcia el próximo 6 de junio en el Espacio Norte, que durará 5 horas. La asistencia al evento, medida en miles de personas, viene dada por la siguiente función:

$$N(t) = \frac{20t}{(t+1)^2}$$

donde $0 \leq t \leq 5$ y N es el número de miles de asistentes t horas después del comienzo. Se pide:

- a) Estudia el crecimiento y decrecimiento de la función $N(t)$. **[1 punto]**
- b) Calcula en qué hora se produce el máximo número de asistentes y a cuánto ascienden. **[1,25 puntos]**
- c) Evalúa e interpreta la derivada de la función $N(t)$ en $t = 2$. **[0,25 puntos]**
- c) Halla cuántos asistentes hay una vez han transcurrido 3 horas desde el comienzo del concierto. **[0,5 puntos]**



Filosofía: aprende a estructurar tus respuestas.

selectividad.academy - 623 769 002

APARTADO 3 (a elegir una cuestión):

CUESTIÓN 1:

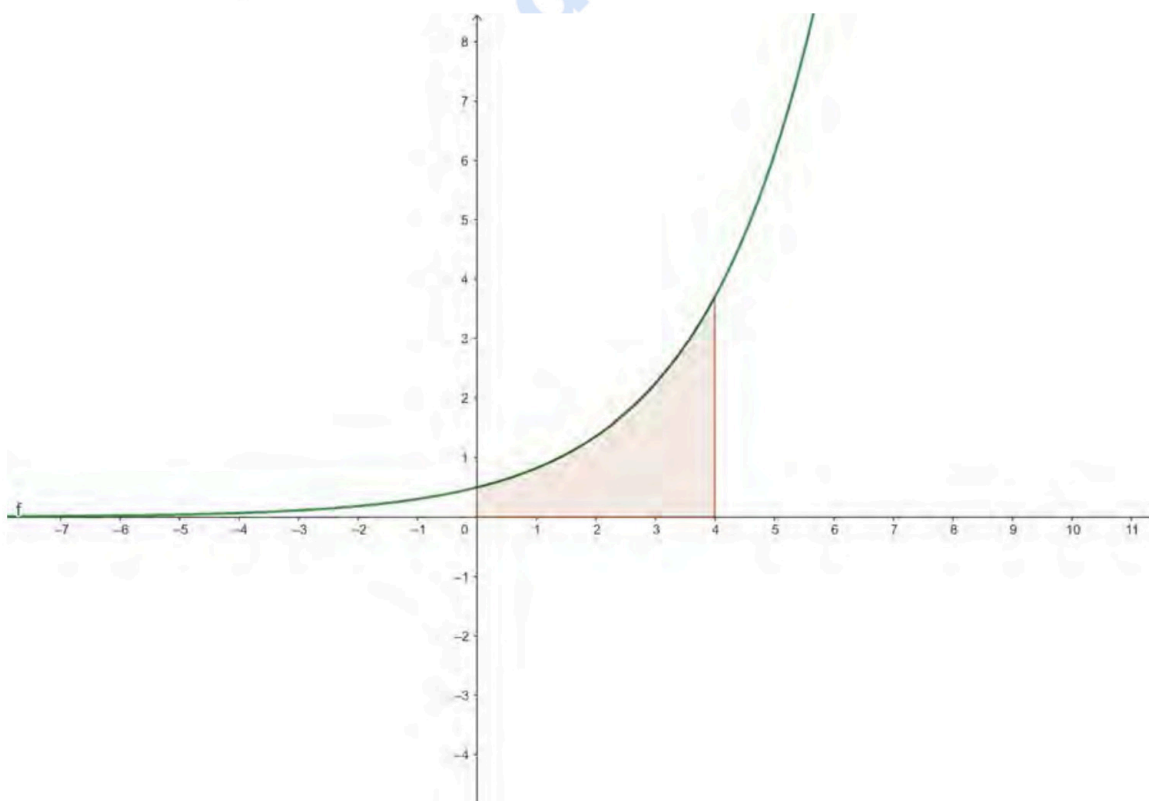
[2 puntos] Realiza:

- a) Si $\int_0^2 f(x)dx = 4$, ¿a qué es igual $\int_0^2 [f(x) + 3]dx$? **[0,25 puntos]**
- b) Representa gráficamente el recinto del plano limitado por $f(x) = x^2$ y $g(x) = 2x + 3$. Calcula su área. **[1,75 puntos]**

CUESTIÓN 2:

[2 puntos] Realiza:

- a) Calcula los valores de los límites de integración a y b de manera que se cumpla $\int_{-2}^1 f(x)dx + \int_1^5 f(x)dx = \int_a^b f(x)dx$. **[0,25 puntos]**
- b) Dada la función $f(x) = \frac{1}{2}e^{x/2}$:
- b.1) Escribe la integral que describe el área de la región sombreada. **[0,5 puntos]**
- b.2) Calcula el área. **[1,25 puntos]**



Guía completa en selectividad.academy/guia-selectividad

Todo sobre la selectividad

APARTADO 4 (a elegir una cuestión):

CUESTIÓN 1:

[2,5 puntos] Un grupo de investigadores de la Universidad de Murcia realizó una encuesta en la que se preguntó a 1000 personas adultas su opinión sobre establecer una edad legal para que los niños tengan teléfono móvil. Según los resultados, 560 personas, de las que 390 eran mujeres, opinaron a favor de esta medida. De las 440 personas que opinaron en contra, 280 eran hombres. Si se selecciona una persona al azar:

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que esté a favor de esta medida? **[0,25 puntos]**
- b) ¿Cuál es la probabilidad de que la persona encuestada sea mujer? **[0,75 puntos]**
- c) ¿Cuál es la probabilidad de que la persona sea mujer o esté a favor de esta medida? **[0,75 puntos]**
- d) Si esa persona seleccionada al azar es hombre, ¿cuál es la probabilidad de que esté a favor de esta medida? **[0,75 puntos]**

CUESTIÓN 2:

[2,5 puntos] El peso, en kg, de los jugadores de fútbol de la Liga Nacional juvenil de la Región de Murcia sigue una distribución normal con media μ y desviación típica igual a 12 kg.

- a) Si en una muestra de 64 jugadores el peso medio ha sido de 70 kg, calcula un intervalo de confianza con un 95% de confianza para la media de los pesos de los jugadores de fútbol de la Liga Nacional juvenil de la Región de Murcia. **[1 punto]**
- b) Determina el tamaño mínimo que debe tener una muestra de jugadores para que el error máximo cometido en la estimación de μ sea menor que 4 kg con un nivel de confianza del 98%. **[0,75 puntos]**
- c) Si $\mu = 71$ y se elige a un jugador al azar, ¿cuál es la probabilidad de que pese más de 75 kg? **[0,75 puntos]**

● Tu esfuerzo tiene recompensa. Estamos contigo.

Prueba gratis



NOTA IMPORTANTE: Se debe responder a un máximo de 4 cuestiones, una de cada apartado. Las cuestiones se pueden hacer en cualquier orden. En cada APARTADO se debe hacer sólo la CUESTIÓN 1 o la CUESTIÓN 2. La elección de CUESTIÓN 1 o CUESTIÓN 2 puede cambiar de un apartado a otro. Si se responden las 2 CUESTIONES de un apartado, solo se corregirá la primera CUESTIÓN contestada. Cada cuestión tiene una puntuación entre 2 y 3 puntos. Solo se podrán usar las tablas estadísticas que se adjuntan. No se podrán usar calculadoras gráficas ni programables.

Como criterios de evaluación generales, las respuestas a las preguntas deben realizarse expresando de forma razonada el proceso seguido en su resolución, con el rigor y la precisión necesarios, usando el lenguaje, la notación y los símbolos matemáticos adecuados, y utilizando argumentos, justificaciones, explicaciones y razonamientos explícitos y coherentes. La mera descripción del planteamiento, sin que se lleve a cabo la resolución de manera efectiva, no es suficiente para obtener una valoración completa de la pregunta.

APARTADO 1 (a elegir una cuestión):

CUESTIÓN 1: [2,5 puntos]

[1,5 puntos] Dadas las matrices A , B y C :

$$A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} \quad y \quad C = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix}.$$

a) Calcula C^2 . **[0,25 puntos]**

$$C^2 = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & -1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

b) Halla $A + B + C^2$. **[0,25 puntos]**

$$A + B + C^2 = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -1 & 1 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 4 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$$

c) Encuentra $(A - B)^{-1}$. **[0,25 puntos]**

$$(A - B)^{-1} = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix}$$

d) Resuelve la ecuación matricial $AX - BX = A + B + C^2$.

Expresión correcta y solución: **[0,5 puntos] + [0,25 puntos]**

$$X = (A - B)^{-1} \cdot (A + B + C^2) = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ -2 & 1 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 4 & -1 \\ 0 & 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -4 & 3 \\ -8 & 4 \end{pmatrix}$$



¿Algo no te sale? Aquí estamos para ayudarte

623 769 002

[1 punto] Discute y resuelve, si es posible, el siguiente sistema lineal:

$$\begin{cases} 3x + 2y - z = 3 \\ x - y + 2z = 4 \\ 2x + 3y - z = 3 \end{cases}$$

La matriz ampliada es

$$(A|b) = \left(\begin{array}{ccc|c} 1 & -1 & 2 & 4 \\ 3 & 2 & -1 & 3 \\ 2 & 3 & -1 & 3 \end{array} \right)$$

Determinante de A **[0,25 puntos]** + **[0,25 puntos]** comparación de rangos.

$$|A| = \begin{vmatrix} 1 & -1 & 2 \\ 3 & 2 & -1 \\ 2 & 3 & -1 \end{vmatrix} = -10 \neq 0 \Rightarrow \text{rg}(A) = 3 = \text{rg}(A|b) = n \Rightarrow \text{SCD}$$

La solución del sistema es: **[0,50 puntos]**

$$\begin{cases} 3x + 2y - z = 3 \\ x - y + 2z = 4 \\ 2x + 3y - z = 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ y = 1 \\ z = 2 \end{cases}$$



Cada examen practicado te acerca a tu objetivo

selectividad.academy

CUESTIÓN 2:

[2,5 puntos] Una empresa del sector informático produce dos tipos de ordenadores portátiles: notebooks y gaming. La empresa obtiene 400 euros de beneficio por cada notebook y 500 euros por cada gaming. El proceso de fabricación es complejo y tiene tres fases: (1) selección y fabricación de componentes; (2) ensamblaje y (3) control de calidad. Los notebooks necesitan 2, 1 y 1 horas en cada fase, respectivamente, mientras que los gaming necesitan 1, 4 y 2 horas. En cada fase hay un límite de 14, 16 y 10 horas diarias. Se pide:

- a) Si la empresa quiere maximizar el beneficio diario, formula el problema, identificando la función objetivo y las restricciones.

Las variables son:

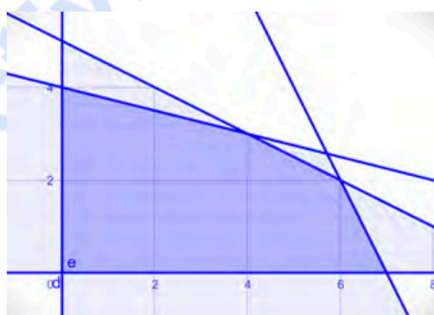
x : número de portátiles tipo notebooks.

y : número de portátiles tipo gaming.

La función objetivo es: $f(x,y) = 400x + 500y$. **[0,25 puntos]** Las restricciones de acuerdo con el enunciado son: **[0,25 puntos]**

$$\begin{cases} 2x + y \leq 14 \\ x + 4y \leq 16 \\ x + 2y \leq 10 \\ x \geq 0 \\ y \geq 0 \end{cases}$$

- b) Representa la región factible. **[0,25 puntos]**+ **[0,25 puntos]**+ **[0,25 puntos]** por representar correctamente cada inecuación (sin contar $x \geq 0$ e $y \geq 0$).



- c) Encuentra los vértices de esta región.

Los vértices son: $(0,4)$, $(4,3)$, $(6,2)$, $(7,0)$, $(0,0)$. **[0,1 puntos]** por cada vértice correctamente calculado.

- d) ¿Cuántos ordenadores portátiles de cada tipo hay que producir para maximizar los beneficios diarios?

En los vértices, la función objetivo vale: **[0,25 puntos]**

$$f(0,4) = 2000.$$

$$f(4,3) = 3100.$$

$$f(6,2) = 3400.$$

$$f(7,0) = 2800.$$

$$f(0,0) = 0$$

El valor máximo es 3400 que corresponde al punto $(6,2)$. En consecuencia, hay que producir 6 portátiles tipo notebook y 2 portátiles tipo gaming. **[0,25 puntos]**

- e) Calcula el beneficio máximo diario posible. **[0,25 puntos]**

El beneficio máximo diario es 3400 euros.

APARTADO 2 (a elegir una cuestión):

CUESTIÓN 1:

[3 puntos] Dada la función:

$$f(x) = \frac{x^2 + 3}{1 - x}$$

a) Determina su dominio. **[0,5 puntos]**

Dominio: $\mathbb{R} - \{1\}$.

b) Estudia sus asíntotas.

Asíntota vertical: $x = 1$ **[0,25 puntos]**

Asíntota oblicua: cálculo de $m = -1$ **[0,25 puntos]**. $y = -x - 1$ **[0,25 puntos]**

c) Calcula los intervalos de crecimiento y decrecimiento.

Cálculo de la derivada:

$$f'(x) = \frac{-x^2 + 2x + 3}{(1 - x)^2}$$

[0,25 puntos]

Cálculo de las raíces de $f'(x) = 0$: $x = -1$ y $x = 3$. **[0,25 puntos]**

Decrece en $(-\infty, -1) \cup (3, +\infty)$. **[0,25 puntos]**

Crece en $(-1, 1) \cup (1, 3)$. **[0,25 puntos]**

d) Calcula los máximos y mínimos locales.

Mínimo local en $(-1, 2)$ y máximo local en $(3, -6)$.

Identificar $x = -1$ y $x = 3$ como valores donde hay un mínimo y un máximo locales. **[0,25 puntos]**

+ **[0,25 puntos]**

Calcular $f(-1)$ y $f(3)$. **[0,25 puntos]**

selectividad.academy

CUESTIÓN 2:

[3 puntos] El famoso rapero Myke Towers ofrecerá un concierto en Murcia el próximo 6 de junio en el Espacio Norte, que durará 5 horas. La asistencia al evento, medida en miles de personas, viene dada por la siguiente función:

$$N(t) = \frac{20t}{(t+1)^2}$$

donde $0 \leq t \leq 5$ y N es el número de miles de asistentes t horas después del comienzo. Se pide:

- a) Estudia el crecimiento y decrecimiento de la función $N(t)$.

$$N'(t) = \frac{-20t + 20}{(t+1)^3}$$

Cálculo de la derivada **[0,25 puntos]**

$N'(t) = 0$; $t = 1$ **[0,25 puntos]**

Crece en $(0,1)$ **[0,25 puntos]**

Decrece en $(1,5)$ **[0,25 puntos]**

- b) Calcula en qué hora se produce el máximo número de asistentes y a cuánto ascienden. El análisis del crecimiento y decrecimiento de la función realizado en el apartado (a) indica que el máximo se alcanzará cuando $t = 1$. **[0,75 puntos]**
En ese momento, el número máximo de asistentes será $N(1) = 5$. Es decir, 5000 personas. **[0,50 puntos]**
- c) Evalúa e interpreta la derivada de la función $N(t)$ en $t = 2$. **[0,25 puntos]**
 $N'(2) = -0,74$. Es decir, $N(3) - N(2) \approx N'(2) = -0,74$. Entre la segunda y la tercera hora se van **aproximadamente** 740 personas. (Después de dos horas, se van **aproximadamente** 740 personas del concierto).
- c) Halla cuántos asistentes hay una vez han transcurrido 3 horas desde el comienzo del concierto. **[0,5 puntos]**
 $N(3) = 3,75$. Es decir, una vez transcurridas 3 horas desde el comienzo hay 3750 personas.

APARTADO 3 (a elegir una cuestión):

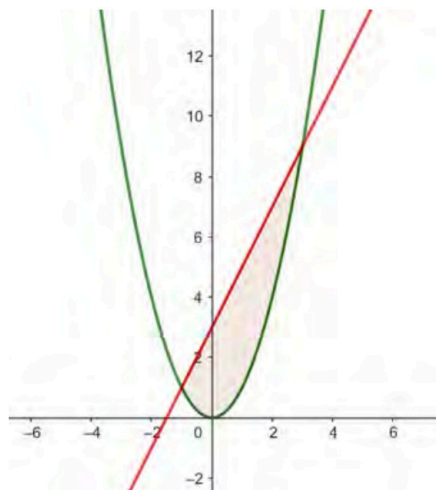
CUESTIÓN 1:

[2 puntos] Realiza:

a) Si $\int_0^2 f(x)dx = 4$, ¿a qué es igual $\int_0^2 [f(x) + 3]dx$? **[0,25 puntos]**

$$\int_0^2 [f(x) + 3]dx = \int_0^2 f(x)dx + 3 \int_0^2 dx = 10$$

b) Representa gráficamente el recinto del plano limitado por $f(x) = x^2$ y $g(x) = 2x + 3$. Calcula su área.



Representación gráfica. **[0,75 puntos]**

$$\int_{-1}^3 (2x + 3 - x^2)dx = \left[x^2 + 3x - \frac{x^3}{3} \right]_{-1}^3 = \frac{32}{3}$$

Definir bien el área, aplicación correcta de regla de Barrow y solución. **[0,25 puntos]+[0,25 puntos]+[0,25 puntos]+[0,25 puntos]**

CUESTIÓN 2:

[2 puntos] Realiza:

- a) Calcula los valores de los límites de integración a y b de manera que se cumpla $\int_{-2}^1 f(x)dx + \int_1^5 f(x)dx = \int_a^b f(x)dx$. [0,25 puntos]

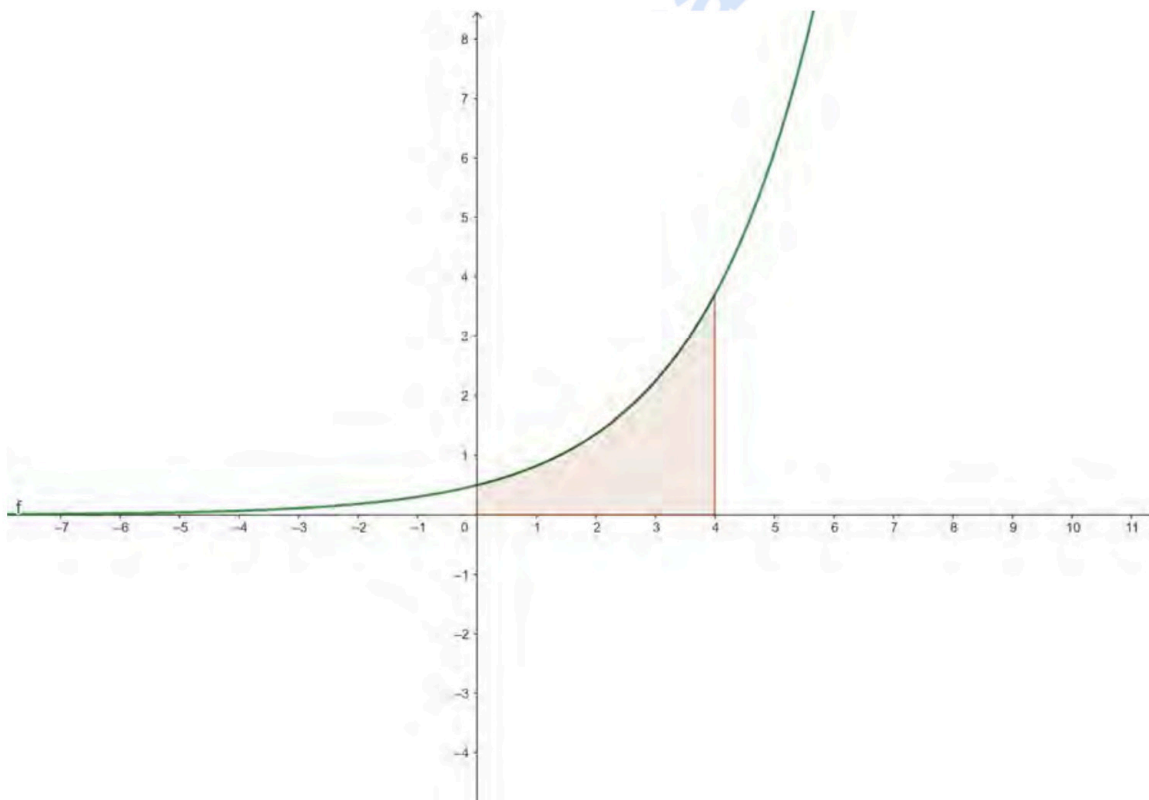
$$\int_{-2}^1 f(x)dx + \int_1^5 f(x)dx = \int_{-2}^5 f(x)dx.$$

- b) Dada la función $f(x) = \frac{1}{2}e^{x/2}$:

- b.1) Escribe la integral que describe el área de la región sombreada. [0,5 puntos]

$$\int_0^4 \frac{1}{2}e^{x/2} dx$$

- b.2) Calcula el área.



$$\int_0^4 \frac{1}{2}e^{x/2} dx = \left[e^{x/2} \right]_0^4 = e^2 - 1u^2.$$

Cálculo correcto de la primitiva, aplicación correcta de regla de Barrow y solución. [0,75 puntos]+[0,25 puntos]+[0,25 puntos]

APARTADO 4 (a elegir una cuestión):

CUESTIÓN 1:

[2,5 puntos] Un grupo de investigadores de la Universidad de Murcia realizó una encuesta en la que se preguntó a 1000 personas adultas su opinión sobre establecer una edad legal para que los niños tengan teléfono móvil. Según los resultados, 560 personas, de las que 390 eran mujeres, opinaron a favor de esta medida. De las 440 personas que opinaron en contra, 280 eran hombres. Si se selecciona una persona al azar:

- a) ¿Cuál es la probabilidad de que esté a favor de esta medida? **[0,25 puntos]**

$$P(F) = 0,56$$

- b) ¿Cuál es la probabilidad de que la persona encuestada sea mujer?

$$P(M) = P(M|F) \cdot P(F) + P(M|C) \cdot P(C) = 0,56 \cdot 0,6964 + 0,44 \cdot 0,3636 = 0,5499.$$

Planteamiento correcto de la probabilidad y cálculo correcto de la probabilidad **[0,25 puntos]+[0,25 puntos]+[0,25 puntos]**

- c) ¿Cuál es la probabilidad de que la persona sea mujer o esté a favor de esta medida?

$$P(M \cup F) = P(M) + P(F) - P(M \cap F) = 0,5499 + 0,56 - 0,56 \cdot 0,6964 = 0,7199.$$

Planteamiento correcto de la probabilidad y cálculo correcto de la probabilidad **[0,25 puntos]+[0,25 puntos]+[0,25 puntos]**

- d) Si esa persona seleccionada al azar es hombre, ¿cuál es la probabilidad de que esté a favor de esta medida?

$$P(F|H) = \frac{P(F \cap H)}{P(H)} = \frac{P(F \cap H)}{1 - P(M)} = \frac{0,56 \cdot 0,304}{1 - 0,54992} = 0,37824.$$

Planteamiento correcto de la probabilidad y cálculo correcto de la probabilidad **[0,25 puntos]+[0,25 puntos]+[0,25 puntos]**

CUESTIÓN 2:

[2,5 puntos] El peso, en kg, de los jugadores de fútbol de la Liga Nacional juvenil de la Región de Murcia sigue una distribución normal con media μ y desviación típica igual a 12 kg.

- a) Si en una muestra de 64 jugadores el peso medio ha sido de 70 kg, calcula un intervalo de confianza con un 95% de confianza para la media de los pesos de los jugadores de fútbol de la Liga Nacional juvenil de la Región de Murcia.

$$IC_{95\%} = \left(\bar{x} - z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}, \bar{x} + z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right)$$

Expresión correcta **[0,50 puntos]**

$$IC_{95\%} = \left(70 - 1,96 \cdot \frac{12}{\sqrt{64}}, 70 + 1,96 \cdot \frac{12}{\sqrt{64}} \right) = (67,06,72,94)$$

Cálculo correcto de $IC_{95\%}$ **[0,50 puntos]**

- b) Determina el tamaño mínimo que debe tener una muestra de jugadores para que el error máximo cometido en la estimación de μ sea menor que 4 kg con un nivel de confianza del 98%.

$$4 > 2,34 \cdot \frac{12}{\sqrt{n}} \rightarrow n > 49,28$$

El tamaño mínimo es 50.

Cálculo correcto de $z_{\alpha/2}$ para un nivel de confianza del 98% (2,33 ó 2,34) y cálculo del tamaño mínimo **[0,25 puntos]+[0,50 puntos]**

- c) Si $\mu = 71$ y se elige a un jugador al azar, ¿cuál es la probabilidad de que pese más de 75 kg?

$$P\left(Z \geq \frac{75 - 71}{12}\right) = P(Z \geq 0,3333) = 1 - P(Z \leq 0,3333) = 1 - 0,6293 = 0,3707.$$

Expresión correcta de la probabilidad y cálculo correcto **[0,25 puntos]+[0,25 puntos]+[0,25 puntos]**.



Selectividad Academy

Tu academia de selectividad online

● Mejor academia online de selectividad

Prueba sin compromiso

Primera clase gratis. Sin permanencia. Sin letra pequeña.

- ✓ Profesores especialistas en cada asignatura
- ✓ Clases adaptadas a tu nivel y tus objetivos
- ✓ Todos los exámenes oficiales resueltos paso a paso
- ✓ Calculadora de nota y guía completa en la web

623 769 002

Escríbenos por WhatsApp

www.selectividad.academy

→ Calcula tu nota en selectividad.academy/calculadora-selectividad

→ Guía completa en selectividad.academy/guia-selectividad

→ ¿Tienes dudas? Escríbenos sin compromiso